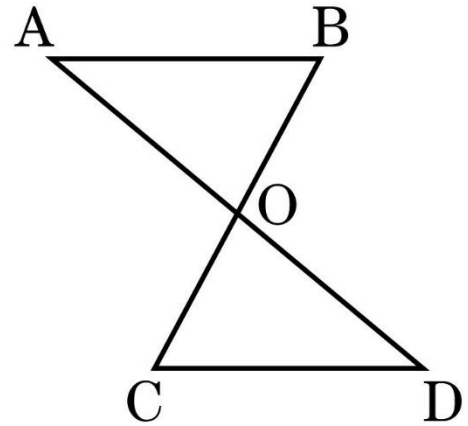


# 証明問題マスターシート①

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図で、 $OA=OD$ 、 $OB=OC$  ならば、  
 $AB=DC$  であることを証明しよう。

【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】



【証明】

$\triangle AOB$  と  $\triangle$  \_\_\_\_\_ において

\_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ (仮定)・・・①

\_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ (仮定)・・・②

$\angle AOB = \angle$  \_\_\_\_\_ ( \_\_\_\_\_ )・・・③

①、②、③より \_\_\_\_\_

ので、 $\triangle AOB \equiv \triangle$  \_\_\_\_\_

合同な図形の \_\_\_\_\_ は等しいので、

$AB =$  \_\_\_\_\_

## 三角形の合同条件

① \_\_\_\_\_

② \_\_\_\_\_

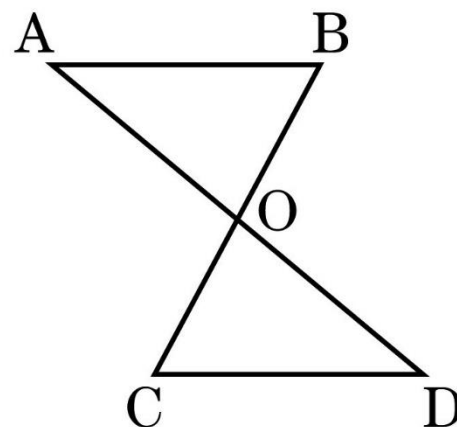
③ \_\_\_\_\_

# 証明問題マスターシート①α

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図で、O が線分 AD、BC のそれぞれの  
中点ならば、 $AB=DC$  であることを証明しよう。

【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】



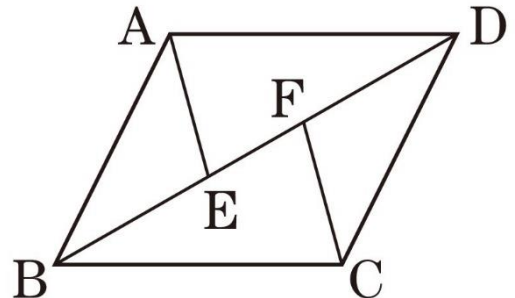
【証明】

# 証明問題マスターシート②

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図で、 $AB \parallel DC$ 、 $AB = CD$ 、 $BE = DF$  ならば、 $\triangle ABE \equiv \triangle CDF$  であることを証明しよう。

【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】



【証明】

$\triangle ABE$  と  $\triangle$  \_\_\_\_\_ において

\_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ (仮定)・・・①

\_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ (仮定)・・・②

$AB \parallel$  \_\_\_\_\_ より、

$\angle ABE = \angle$  \_\_\_\_\_ ( \_\_\_\_\_ )・・・③

①、②、③より \_\_\_\_\_

ので、 $\triangle ABE \equiv \triangle$  \_\_\_\_\_

## 平行線と角

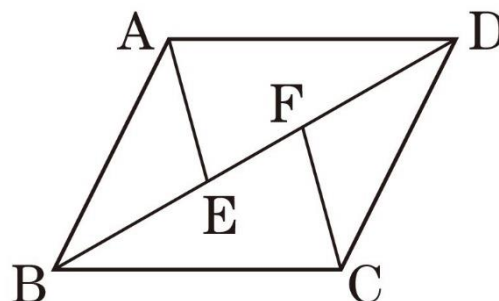
① 2直線が平行ならば \_\_\_\_\_ や \_\_\_\_\_ は等しい。

② \_\_\_\_\_ や \_\_\_\_\_ が等しいならば、2直線は \_\_\_\_\_ である。

# 証明問題マスターシート②α

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図で、 $AB \parallel DC$ 、 $AB = CD$ 、 $BE = DF$  ならば  $\triangle ABE \cong \triangle CDF$  であることを証明しよう。



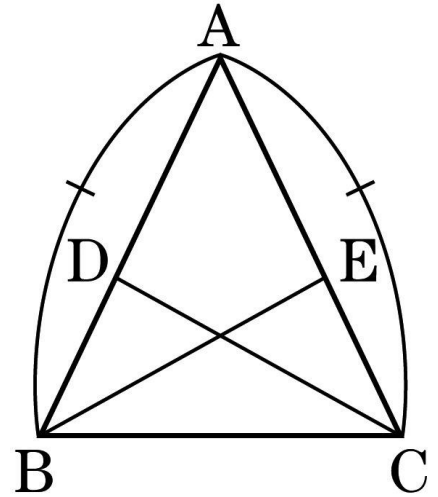
【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

【証明】

# 証明問題マスターシート③

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図のように、 $AB=AC$  の二等辺三角形  $ABC$  の辺  $AB$ 、 $AC$  上に、それぞれ点  $D$ 、 $E$  をとる。 $\angle DCB = \angle EBC$  ならば、 $BD=CE$  であることを証明しよう。



【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

【証明】  $\triangle DBC$  と  $\triangle$  \_\_\_\_\_ において

$$\angle \underline{\hspace{2cm}} = \angle \underline{\hspace{2cm}} \quad (\text{仮定}) \dots \textcircled{1}$$

$$BC = \underline{\hspace{2cm}} \quad (\underline{\hspace{2cm}}) \dots \textcircled{2}$$

二等辺三角形の \_\_\_\_\_ は等しいから

$$\angle DBC = \angle \underline{\hspace{2cm}} \quad \dots \textcircled{3}$$

①、②、③より、\_\_\_\_\_

ので、 $\triangle DBC \equiv \triangle$  \_\_\_\_\_

合同な図形の \_\_\_\_\_ は等しいので

$$BD = \underline{\hspace{2cm}}$$

## ◆二等辺三角形の定義

## ◆二等辺三角形の性質

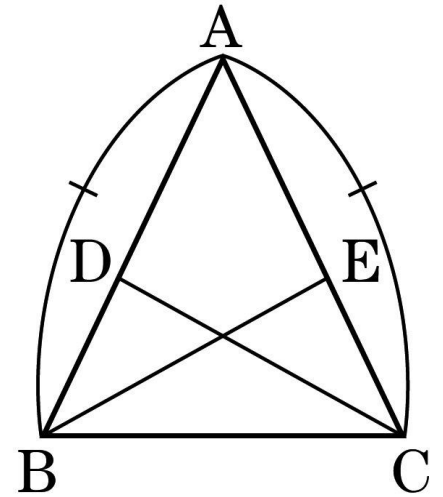
① 二等辺三角形の \_\_\_\_\_ は等しい。

② 二等辺三角形の \_\_\_\_\_ の二等分線は、底辺を \_\_\_\_\_ に二等分する。

# 証明問題マスターシート③α

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図のように、 $AB=AC$  の二等辺三角形  $ABC$  の辺  $AB$ 、 $AC$  上に、それぞれ点  $D$ 、 $E$  を  $\angle DCB = \angle EBC$  となるようにとる。このとき、 $BD=CE$  であることを証明しよう。



【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

【証明】

# 証明問題マスターシート④

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図で、 $OA=OB$ 、 $AC \perp OY$ 、 $BD \perp OX$  ならば、

$AC=BD$  であることを証明しよう。

【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

【証明】

$\triangle AOC$  と  $\triangle$  \_\_\_\_\_ において

$\angle ACO = \angle$  \_\_\_\_\_  $= 90^\circ$  (仮定)・・・①

\_\_\_\_\_  $=$  \_\_\_\_\_ (仮定)・・・②

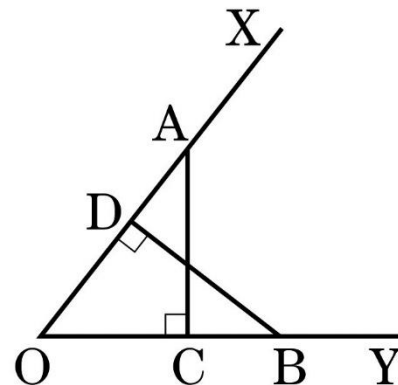
$\angle O$  は \_\_\_\_\_ ・・・③

①、②、③より、直角三角形の \_\_\_\_\_

ので、 $\triangle AOC \equiv \triangle$  \_\_\_\_\_

合同な図形の \_\_\_\_\_ は等しいから、

$AC =$  \_\_\_\_\_



## 直角三角形の合同条件

① \_\_\_\_\_

② \_\_\_\_\_

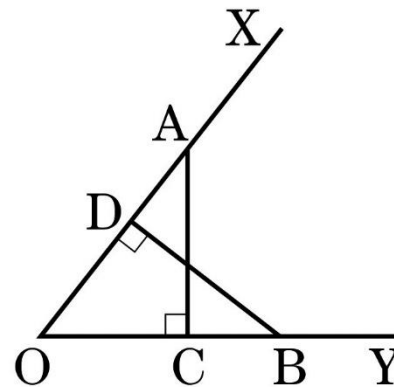
# 証明問題マスターシート④α

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図で、 $OA=OB$ 、 $AC \perp OY$ 、 $BD \perp OX$  である。

このとき、 $AC=BD$  であることを証明しよう。

【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】



【証明】

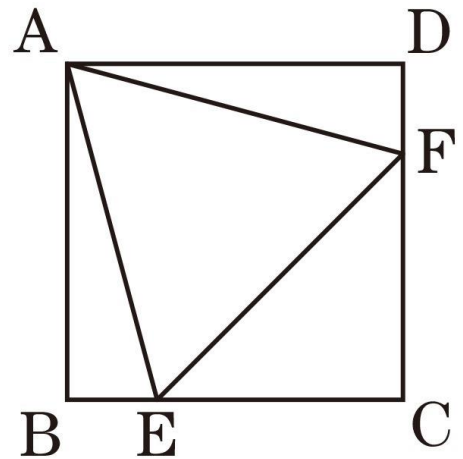
Blank area for writing the proof.



# 証明問題マスターシート⑤

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図の正方形 ABCD ( $AB=BC=CD=DA$ )  
 で、 $\triangle AEF$  が正三角形 ( $AE=EF=FA$ ) となるよう  
 に、点 E を辺 BC 上にとるならば、 $\triangle ABE$  と  $\triangle ADF$   
 が合同になることを証明しよう。



【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

【証明】

$\triangle$  \_\_\_\_\_ と  $\triangle$  \_\_\_\_\_ において

四角形 ABCD は \_\_\_\_\_ だから、

$$\angle ABE = \angle \underline{\hspace{2cm}} = 90^\circ \dots \textcircled{1}$$

$$AB = \underline{\hspace{2cm}} \dots \textcircled{2}$$

$\triangle AEF$  は \_\_\_\_\_ だから、

$$AE = \underline{\hspace{2cm}} \dots \textcircled{3}$$

①、②、③より、直角三角形の \_\_\_\_\_

ので、 $\triangle$  \_\_\_\_\_  $\equiv$   $\triangle$  \_\_\_\_\_

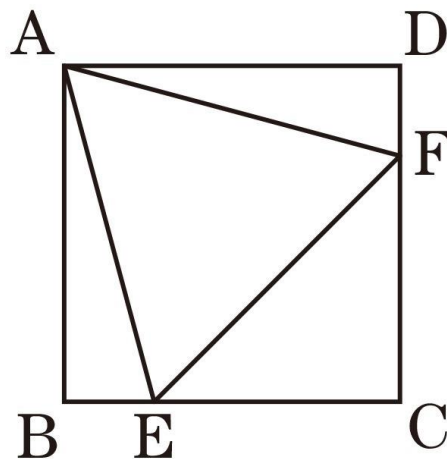
◆正三角形の定義

◆正三角形の性質

# 証明問題マスターシート⑤α

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図の正方形 ABCD で、 $\triangle AEF$  が正三角形) となるように、点 E を辺 BC 上にとるとき、 $\triangle ABE$  と  $\triangle ADF$  が合同になることを証明しよう。



【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

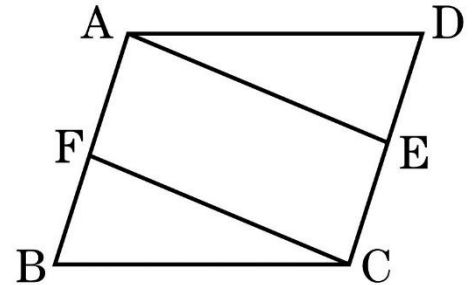
【証明】

Blank area for writing the proof.

# 証明問題マスターシート⑥

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問  $\square ABCD$  で、辺  $DC$ 、 $AB$  上に、 $DE=BF$  となるように 2 点  $E$ 、 $F$  をとる。このとき、 $AE=CF$  となることを証明しよう。



【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

【証明】  $\triangle ADE$  と  $\triangle$  \_\_\_\_\_ において

\_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ (仮定)・・・①

平行四辺形の \_\_\_\_\_ はそれぞれ等しいので

$AD =$  \_\_\_\_\_ ……②

平行四辺形の \_\_\_\_\_ はそれぞれ等しいので

$\angle ADE = \angle$  \_\_\_\_\_ ……③

①、②、③より、\_\_\_\_\_

ので、 $\triangle ADE \equiv \triangle$  \_\_\_\_\_

合同な図形の \_\_\_\_\_ は等しいから、 $AE =$  \_\_\_\_\_

### ◆平行四辺形の定義

### ◆平行四辺形の性質

① \_\_\_\_\_

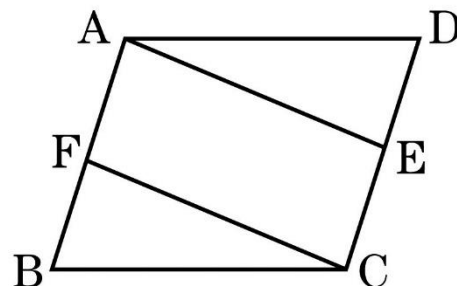
② \_\_\_\_\_

③ \_\_\_\_\_

# 証明問題マスターシート⑥α

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問  $\square ABCD$  で、辺  $DC$ 、 $AB$  上に、 $DE=BF$  となるように 2 点  $E$ 、 $F$  をとるとき、 $AE=CF$  となることを証明しよう。



【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

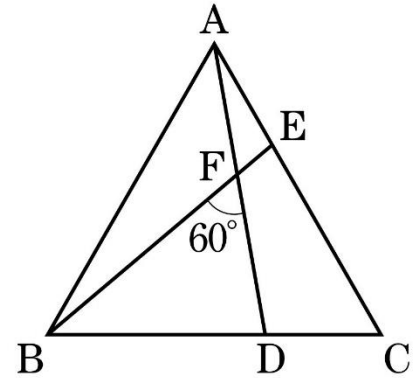
【証明】

Blank area for writing the proof.

# 証明問題チャレンジシート①

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図の正三角形 ABC で、辺 BC、AC 上にそれぞれ点 D、E をとり、AD と BE の交点を F とする。  
 $\angle BFD = 60^\circ$  のとき、 $\triangle ABD \cong \triangle BCE$  であることを証明しよう。



【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

【証明】  $\triangle$  \_\_\_\_\_ と  $\triangle$  \_\_\_\_\_ において

$\triangle ABC$  は正三角形だから

$$AB = \underline{\hspace{2cm}} \dots \textcircled{1}$$

$$\angle ABD = \angle \underline{\hspace{2cm}} = 60^\circ \dots \textcircled{2}$$

三角形の内角、外角の性質から

$$\angle BAD = 60^\circ - \angle \underline{\hspace{2cm}} \dots \textcircled{3}$$

正三角形の1つの内角は  $60^\circ$  だから、

$$\angle CBE = 60^\circ - \angle \underline{\hspace{2cm}} \dots \textcircled{4}$$

$$\textcircled{3}、\textcircled{4}より \angle \underline{\hspace{2cm}} = \angle \underline{\hspace{2cm}} \dots \textcircled{5}$$

①、②、⑤より \_\_\_\_\_

ので、 $\triangle$  \_\_\_\_\_  $\cong$   $\triangle$  \_\_\_\_\_

◆三角形の内角の和は \_\_\_\_\_  $^\circ$  である。

◆三角形の1つの外角は、その隣にない \_\_\_\_\_ に等しい。

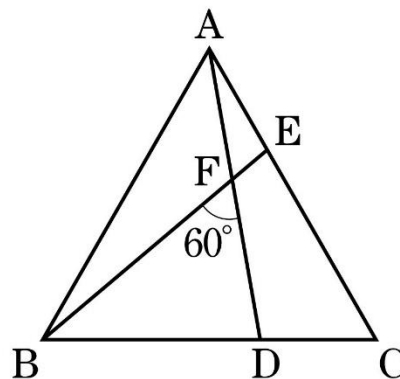
# 証明問題チャレンジシート①α

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図の正三角形 ABC で、辺 BC、AC 上にそれぞれ点 D、E をとり、AD と BE の交点を F とする。

$\angle BFD = 60^\circ$  のとき、 $\triangle ABD \equiv \triangle BCE$  であることを

証明しよう。



【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

【証明】

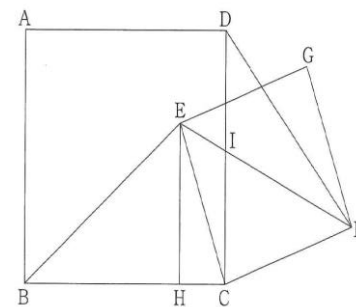
Blank area for writing the proof.

# 証明問題チャレンジシート②

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図で、四角形 ABCD と四角形 ECFG はともに正方形で、

辺 AB の長さは、辺 EC の長さよりも長くなっている。また、点 E から辺 BC に下ろした垂線と辺 BC との交点を H、辺 CD と線分 EF の交点を I とするとき、 $\triangle EBC \equiv \triangle FDC$  であることを証明しなさい。



【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】

【証明】  $\triangle$  \_\_\_\_\_ と  $\triangle$  \_\_\_\_\_ において、

四角形 ABCD は \_\_\_\_\_ より、

$$BC = \underline{\hspace{2cm}} \dots \textcircled{1}$$

四角形 ECFG は \_\_\_\_\_ より

$$EC = \underline{\hspace{2cm}} \dots \textcircled{2}$$

また、 $\angle ECB = \angle ECF - \angle DCE$

$$= \underline{\hspace{1cm}}^\circ - \angle DCE \dots \textcircled{3}$$

$\angle FCD = \angle ECF - \angle DCE$

$$= \underline{\hspace{1cm}}^\circ - \angle DCE \dots \textcircled{4}$$

③、④より  $\angle$  \_\_\_\_\_  $= \angle$  \_\_\_\_\_  $\dots \textcircled{5}$

①、②、⑤より \_\_\_\_\_ ので

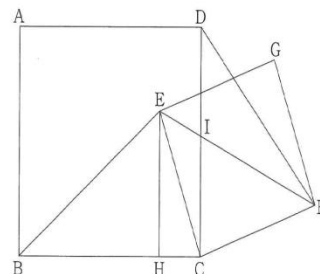
$$\triangle \underline{\hspace{2cm}} \equiv \triangle \underline{\hspace{2cm}}$$

# 証明問題チャレンジシート②α

2年 組 番 \_\_\_\_\_

問 右の図で、四角形 ABCD と四角形 ECFG はともに正方形で、辺 AB の長さは、辺 EC の長さよりも長くなっている。また、点 E から辺 BC に下ろした垂線と辺 BC との交点を H、辺 CD と線分 EF の交点を I とするとき、 $\triangle EBC \equiv \triangle FDC$  であることを証明しなさい。

【仮定に青線、結論に赤線を引くこと】



【証明】